



XVII. BOLYAI FARKAS MULTIDISZCIPLINÁRIS ORSZÁGOS TANTÁRGYVERSENY
MAROSVÁSÁRHELY, 2025. március 10.

Heinrich László Fizika Tantárgyverseny - megyei szakasz

Mechanika Feladatlap

1. Feladat (7 pont) Egy ember egy olyan liftben áll, amely $a = g/5$ függőlegesen lefele irányuló gyorsulással ereszkedik le. Az ember súlya és az ember által a lift padlójára gyakorolt nyomóerő aránya:

- A) 1,75 B) 1,5 C) 1,25 D) 1

Megoldás: $ma = mg - N \Rightarrow N = mg - ma \Rightarrow N = \frac{4}{5}mg$
 $\frac{mg}{N} = \frac{5}{4} = 1,25$

2. Feladat (7 pont) Száraz úttesten v sebességgel haladó autó maximális erővel fékezve d távolság megtétele után áll meg. Ha ugyanaz az autó $2v$ sebességgel halad, az általa megtett út, ugyanolyan útviszonyok mellett, ugyanúgy fékezve:

- A) d B) $2d$ C) $3d$ D) $4d$

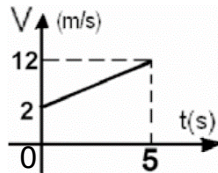
Megoldás: $d = \frac{v^2}{2a}$; $v' = 2v \Rightarrow d' = \frac{v'^2}{2a} = 4\frac{v^2}{2a} = 4d$

3. Feladat (7 pont) Elhanyagolható tömegű fonállal összekötött m és $4m$ tömegű, kisméretű testekből álló rendszer szabadon esik. Az összekötő fonalban a feszítőerő nagysága, ha a $4m$ tömegű test van alól:

- A) $T = 5mg$ B) $T = 3mg$ C) $T = mg$ D) $T = 0$

Megoldás: $ma = mg - T$; $4ma = 4mg + T \rightarrow 4mg - 4T = 4mg + T \Rightarrow T = 0$

4. Feladat (7 pont) Egy m tömegű testre állandó, 5 N nagyságú eredő erő hat. A mellékelt grafikon a test sebességét ábrázolja az idő függvényében. A test tömege:



- A) 1 kg B) 2 kg C) 2,5 kg D) 5 kg

Megoldás: $a = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{10}{5} \frac{m}{s^2}$; $m = \frac{F}{a} = 2,5$ kg

5. Feladat (7 pont) Egy 18 m sugarú óriáskerék $0,2\pi$ perc alatt tesz meg egy egész kört. A kerék egyik kilátófülkéjében egy 80 kg tömegű ember ül. Mekkora erővel nyomja az ember a kilátófülkét a pálya legmagasabb pontján? ($g = 10$ m/s²)

- A) 800 N B) 760 N C) 0 N D) 1600 N

Megoldás: $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0,2\pi \cdot 60s} = \frac{1}{6s}$; $a_{cp} = \omega^2 R = 0,5$ m/s²
 $0 = mg - N - ma_{cp} \Rightarrow N = mg - ma_{cp} = 760$ N

6. Feladat (9 pont) Egy autó az útjának felét 54 km/h sebességgel, a másik felét 30 m/s sebességgel teszi meg. Az autó teljes útra számított átlagsebessége:

- A) 22,5 m/s B) 20 m/s C) 25 m/s D) 42,42 m/s

Megoldás: $v_1 = \frac{54 \cdot 1000}{3600} \frac{m}{s} = 15$ m/s; $v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{\Delta x}{\Delta t_1 + \Delta t_2}$
 $\Delta t_1 = \frac{\Delta x}{2v_1}$; $\Delta t_2 = \frac{\Delta x}{2v_2} \Rightarrow v = \frac{2v_1 v_2}{v_1 + v_2} = 20$ m/s



7. Feladat (9 pont) Egy rugalmas szál rugalmassági állandója $k = 600 \text{ N/m}$. A szál kezdeti hosszának $1/3$ -át levágjuk. A megmaradt rész rugalmassági állandója:

- A) 200 N/m B) 400 N/m C) 900 N/m D) 1200 N/m

Megoldás: $\frac{1}{k} = \frac{1}{k_0} + \frac{1}{k_0} + \frac{1}{k_0} = \frac{3}{k_0} \Rightarrow k_0 = 3k$
 $\frac{1}{k'} = \frac{1}{k_0} + \frac{1}{k_0} = \frac{2}{k_0} \Rightarrow k' = \frac{k_0}{2} = \frac{3k}{2} = 900 \text{ N}$

8. Feladat (9 pont) Az 5 N eredő erő hatására az m_1 tömegű test gyorsulása 8 m/s^2 . Ugyanakkora eredő erő az m_2 test 24 m/s^2 gyorsulását okozza. Ha összekötjük a két testet és a rendszerre ható eredő erő ugyanaz marad, az általa okozott gyorsulás:

- A) 2 m/s^2 B) 4 m/s^2 C) 8 m/s^2 D) 6 m/s^2

Megoldás: $a_1 = F/m_1 \Rightarrow m_1 = \frac{F}{a_1}$; $a_2 = F/m_2 \Rightarrow m_2 = \frac{F}{a_2}$; $a = F/(m_1 + m_2) = \frac{a_1 a_2}{a_1 + a_2} = 6 \text{ m/s}^2$

9. Feladat (14 pont) Pisti egy dinnyét $v_0/2$ kezdősebességgel függőlegesen felhajt. Marci ezt el szeretné találni egy kővel, amelyet v_0 kezdősebességgel ferdén hajt el. Mindketten ugyanolyan magasról és egyszerre hajtják el tárgyaikat. Milyen távol kell álljon Marci Pistitől ahhoz, hogy a kő eltalálja a dinnyét a lehető legmagasabb pontban?

- A) $\frac{\sqrt{3}}{g} v_0^2$ B) $\frac{\sqrt{3}}{2g} v_0^2$ C) $\frac{\sqrt{3}}{3g} v_0^2$ D) $\frac{\sqrt{3}}{4g} v_0^2$

Megoldás: Ahhoz, hogy a dinnye és a kő találkozhasson minden időpillanatban ugyanazon a magasságon kell tartozkodjanak. Ez rögzíti a kő függőleges kezdő sebességét $v_0/2$ -ben. Mivel a kő kezdősebessége ismert, a kezdősebességének vízszintes komponense is adott lesz: $v_x = \sqrt{v_0^2 - \frac{v_0^2}{4}} = \frac{v_0 \sqrt{3}}{2}$. A kő és a dinnye a dinnye pályájának legmagasabb pontján találkoznak, így a találkozásig eltelt idő könnyen számolható: $0 = v_0 - gt \Rightarrow t = \frac{v_0}{g}$. Ez idő alatt a kő a $d = v_x t = \frac{\sqrt{3} v_0^2}{2g}$ vízszintes távolságot tesz meg.

10. Feladat (14 pont) Az $\alpha = 30^\circ$ -os lejtő alján egy $m = 2 \text{ kg}$ tömegű test található. Kezdetben a testet egy $F = 12,5 \text{ N}$ nagyságú, a lejtővel párhuzamos erővel, $d_1 = 32 \text{ m}$ -t felfele húzzuk, majd magára hagyjuk. Mekkora lesz a test sebessége amikor visszaérkezik a lejtő aljára? A test a lejtőn súrlódásmentesen mozog. ($g = 10 \text{ m/s}^2$)

- A) $\simeq 22,88 \text{ m/s}^2$ B) 20 m/s^2 C) $\simeq 17,88 \text{ m/s}^2$ D) 16 m/s^2

Megoldás: $g_t = g \sin(\alpha) = g/2$ $ma = F - mg_t \Rightarrow a = \frac{F}{m} - \frac{g}{2} = \frac{2,5}{2} \text{ m/s}^2$
 $\frac{v_1^2}{2a} = d_1 \Rightarrow v_1^2 = 2ad_1$; $v_2^2 - v_1^2 = 2g_t d_1 \Rightarrow v_2^2 = 2d_1(a + g_t) \Rightarrow v_2 = \sqrt{2d_1(a + g_t)} = 20 \text{ m/s}$.

Pontozás

- Hivatalból: 10 pont
- 1-5 Feladat: $5 \times 7 = 35$ pont
- 6-8 Feladat: $3 \times 9 = 27$ pont
- 4-10 Feladat: $2 \times 14 = 28$ pont

Munkaidő: 1 óra (feladatmegoldás)